



[www.estudar.com.vc](http://www.estudar.com.vc)

# Resumo P1

## Física III

### FEI





## Força Elétrica

Duas formas de calcular:

I. Módulo + Direção pelas propriedades das cargas

$$|F| = \frac{k |q_1||q_2|}{r^2} = \frac{|q_1||q_2|}{4 \pi \epsilon r^2}$$

II. Sem módulo + Direção dada por  $\vec{r} = \vec{r}_2 - \vec{r}_1$

$\vec{r}_2$ : vetor da origem até a carga que sofre a força

$\vec{r}_1$ : vetor da origem até a carga que exerce a força

$$\vec{F}_{21} = \frac{k q_1 q_2 \hat{r}}{r^2} = \frac{k q_1 q_2 \vec{r}}{r^3}$$

Princípio da Superposição: “A força resultante em uma carga é a soma **vetorial** das forças exercidas sobre ela”.

## Lei de Coulomb na Forma Diferencial

$$d\vec{F} = \frac{dq}{4\pi\epsilon_0 r^2} \hat{r}$$

Distribuição Contínua de Cargas

I. Linear

$$Q = \int dq = \int \lambda dl$$

a. Linear ao longo de um trecho de circunferência de raio  $R$  e comprimento angular  $d\theta$ :



$$dl = R d\theta \Rightarrow dq = \lambda R d\theta$$

## II. Superficial

$$Q = \iint dq = \iint \sigma \cdot dA$$

a. Elemento de área de um disco de raio  $R$ :

$$dA = 2\pi R dr$$

## III. Volumétrica

$$Q = \iiint dq = \iiint \rho \cdot dV$$

a. Elemento de volume de uma esfera em coordenadas esféricas:

$$dV = 2\pi R^2 \sin \varphi d\varphi$$

ou

$$dV = r^2 \sin \varphi dr d\theta d\varphi$$

## Campo Elétrico

$$\vec{E} = \frac{kq\hat{r}}{r^2} = \frac{\vec{F}}{q_0}$$

$q$ : carga que exerce a força

$q_0$ : carga de prova; carga que sofre a ação da força

$r$ : distância entre o ponto em que se quer achar o campo e a carga



Princípio de Superposição:

“O campo resultante em uma carga de prova ou em um ponto é dado pela soma VETORIAL dos campos gerados pelas cargas ao seu redor.”

## Campo Magnético

### Carga Puntiforme

Suponha uma carga  $q$  com velocidade  $\vec{v}$  na presença de um campo magnético  $\vec{B}$ .

A carga sofrerá a ação de uma força dada por:

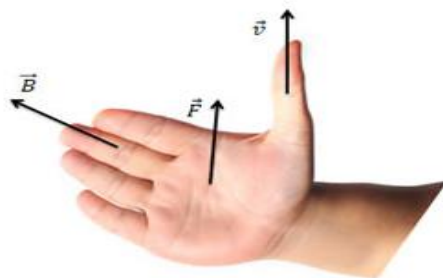
$$\vec{F}_b = q\vec{v} \times \vec{B}$$

Obs:

A força magnética só age em condutores **em movimento**.

A força magnética não realiza trabalho ( $\vec{F} \perp \vec{v}$ ).

Como encontrar a direção dos vetores? “Regra da Mão Direita”.





## Movimentos de Cargas sobre ação de campos magnéticos

Se  $\vec{v} // \vec{B}$ , a carga realiza um movimento retilíneo uniforme.

Se  $\vec{v} \perp \vec{B}$ , a carga realiza um movimento circular uniforme com:

$$T = \frac{2\pi m}{qB}$$

Se  $\vec{v}$  não é paralelo e nem ortogonal à  $\vec{B}$ , então a partícula realiza um movimento helicoidal.

$$\vec{v} = \vec{v}_{\parallel} + \vec{v}_{\perp}$$

A distância percorrida na direção de  $\vec{v}_{\parallel}$  em um período é dada por:

$$d = v_{\parallel} T = v_{\parallel} \cdot \frac{2\pi m}{qB}$$

### Efeito sobre uma Corrente

Suponha um fio condutor, por onde esteja passando corrente  $I$ , e que esteja sujeito a um campo magnético  $\vec{B}$ .

A força magnética no fio é dada por:

$$\vec{F}_b = I \int \vec{dl} \times \vec{B}$$

Se  $\vec{B}$  for uniforme, a expressão da força magnética no condutor se reduz a:



$$\vec{F}_b = I \cdot (\vec{l} \times \vec{B})$$

Onde  $\vec{l}$  é o vetor que tem o módulo igual ao comprimento do fio, direção e sentido que seguem a corrente.

## Momento de Dipolo e Torque Magnéticos

**Momento de dipolo magnético** da espira:

$$\vec{\mu} = I\vec{A}$$

Sendo  $\vec{A}$  o vetor que tem módulo igual à área da espira e direção normal exterior.

Para uma bobina (solenóide), com  $N$  espiras:

$$\vec{\mu} = NI\vec{A}$$

Usando a expressão do momento de dipolo, conseguimos determinar o **torque total na espira**:

$$\vec{\tau} = \vec{\mu} \times \vec{B}$$

Obs: “dipolo magnético” é outra forma de dizer “espira”.

Associado ao torque na espira, conseguimos calcular a energia potencial de um dipolo magnético:

$$U = -\vec{\mu} \cdot \vec{B}$$



Supondo que um agente externo realize um trabalho ( $W_{ext}$ ) para deslocar uma espira de uma posição de energia  $U_1$  para uma posição de energia  $U_2$ , vale a seguinte relação:

$$W_{ext} = \Delta U = U_2 - U_1$$

## Cálculo do Campo Magnético

### Lei de Biot-Savart

Utilidade: calcular campos gerados por **firos e espiras**.

Essa lei nos diz que:

$$\vec{B} = \frac{\mu_0}{4\pi} \int \frac{I \vec{dl} \times \hat{r}}{r^2}$$

Onde  $\mu_0$  é a permeabilidade magnética do vácuo ( $\mu_0 = 4\pi 10^{-7} T \cdot m/A$ ).